$$
\begin{tikzcd}
 & & \mathsf{RT}^2 \arrow[r, leftrightarrow] & \mathsf{PT}^2 \arrow[dl] \arrow[dr, Rightarrow] & & \\
 & & \mathsf{IPT}^2 \arrow[dl] \arrow[dr] & & \mathsf{RT}^2_k \arrow[r, leftrightarrow] & \mathsf{PT}^2_k \arrow[dl] \arrow[dd, Rightarrow] \\
\mathsf{SRT}^2 \arrow[r, leftrightarrow] & \mathsf{SPT}^2 \arrow[r, leftrightarrow] \arrow[dr, Rightarrow] & \mathsf{SIPT}^2 & \mathsf{IPT}^2_k + \mathsf{B}\Sigma^0_2 \arrow[dl] \arrow[dd] & & \\
\mathsf{SRT}^2_k \arrow[r, leftrightarrow] & \mathsf{SIPT}^2_k + \mathsf{B}\Sigma^0_2 \arrow[r, leftrightarrow] & \mathsf{SPT}^2_k + \mathsf{B}\Sigma^0_2 \arrow[dl, Rightarrow] \arrow[dd] & & & \mathsf{CAC} \arrow[dd] \\
 & \mathsf{B}\Sigma^0_2 \arrow[ddrr, Rightarrow, bend left] & & \mathsf{IPT}^2_k \arrow[dd] & & \\
 & & \mathsf{SPT}^2_k \arrow[dr] & & & \mathsf{ADS} \arrow[dd, Rightarrow] \\
 & & & \mathsf{SIPT}^2_k \arrow[d] \arrow[dr, Rightarrow] & & \\
 & & & \mathsf{D}^2_k \arrow[d, Rightarrow] & & \mathsf{SADS} \arrow[ddl, Rightarrow] \\
 & & \mathsf{CAC} \arrow[r, \not\rightarrow] & \mathsf{DNR} \arrow[d, Rightarrow] & & \\
 & & & \mathsf{RCA}_0 & &
\end{tikzcd}
$$